УДК 628.16.067:542.67

Н.А.ГУРИНЧИК, канд. техн. наук

Одесская государственная академия строительства и архитектуры

ОПИСАНИЕ ПРОЦЕССА КОНТАКТНОГО ОСВЕТЛЕНИЯ ВОДЫ

Представлена математическая модель фильтровального сооружения, работающего в направлении убывающей крупности зерен.

Представлено математичну модель фільтрувальної споруди, працюючої в напрямку крупності зерен, що зменшується.

A mathematical model of the filter, working in the direction of decreasing grain size is presented.

Ключевые слова: фильтрование, контактный осветлитель, математическая модель.

Фильтрование через зернистый слой – один из самых важных технологических процессов, используемых в хозяйственно-питьевом и промышленном водоснабжении. Исследование процесса фильтрования всегда интересовало и интересует многих ученых [1-7].

Перспективным фильтровальным сооружением являются контактные осветлители (КО), в которых фильтрование осуществляется снизу вверх, т.е. в направлении убывающей крупности зерен загрузки. Они обладают следующими *преимуществами*:

- коагулирование происходит в толще фильтрующей загрузки;
- возможность очищать воду с большими мутностями (до 120 мг/л) и цветностями (до 120 0);
- бо́льшая грязеёмкость, из-за чего во многих случаях отпадает необходимость предварительной очистки воды в отстойниках или осветлителях со слоем взвешенного осадка;
- благодаря гидравлической сортировке загрузки при промывке вода при фильтровании проходит вначале через крупную загрузку, а затем через мелкую.

К *недостаткам* работы контактных осветлителей следует отнести снижение скорости фильтрования из-за опасности взвешивания и самопромывания загрузки при увеличении потерь напора.

Несмотря на перечисленные минусы, как правило, в техникоэкономических сравнениях «выигрывают» контактные осветлители.

Широкому внедрению КО препятствует отсутствие надежных математических моделей описания процесса.

Ранее [7-10] были получены математические модели работы скорых фильтров в различных режимах их эксплуатации.

Модель работы контактного осветлителя отличается от известных моделей работы скорых фильтров и может описываться следующими уравнениями:

- уравнение баланса частиц взвеси в воде и в задержанном осадке:

$$m\frac{\partial C}{\partial t} + V\frac{\partial C}{\partial x} + \frac{\partial \rho}{\partial t} = 0,$$
(1)

где C=C(x,t) – концентрация взвешенных веществ в воде; $\rho=\rho(x,t)$ – концентрация осадка в загрузке; x, t–пространственная и временная координаты; V- скорость фильтрования; m(x,t) – пористость загрузки;

- уравнение кинетики:

$$\frac{\partial C}{\partial x} = -bC + \frac{a}{V}\rho,\tag{2}$$

где b, a — коэффициенты кинетики, определяющие соответственно интенсивность прилипания и отрыва взвешенных частиц от поверхности загрузки (или от ранее прилипших частиц);

- пористость загрузки изменяется по глубине слоя и во времени

$$m(x,t) = m_o - \frac{\rho(x,t)}{\gamma},\tag{3}$$

где у – массовая концентрация твердых частиц в единице объема осадка;

гидравлический уклон в пористом слое рассчитан по формуле Эргана:

$$I=150vV(1-m)^2/gd_3^2m^3+1,75(1-m)V^2/m^3gd_3,$$
 (4)

где g – ускорение свободного падения, см/ c^2 ; v – коэффициент кинетической вязкости воды, см²/с; d_2 – эквивалентный диаметр зерен, см;

- суммарная потеря напора в слое определяется интегралом

$$h_c(t) = \int_0^L I dx,\tag{5}$$

где L – высота слоя загрузки, см.

Для определения скорости фильтрования необходимо учитывать высотное размещение сооружений, показанное на рис.1, где приняты следующие обозначения: Z_I — пьезометрическая отметка в коллекторе подачи исходной воды, H — отметка уровня воды в КО (кромки желоба), S_I — сопротивление коммуникаций, подводящих воду в КО, V_I — расход воды, поступающей в КО на единицу его площади.

Величина V_I равна скорости фильтрования, и определяется из условия квадратичной зависимости потерь напора от скорости, т.е. $h = SV^2$, откуда

$$V = V_I = [(Z_I - H)/S_I]^{0.5}.$$
 (6)

На динамику фильтрования существенно влияют кинетические коэффициенты a и b, для определения которых использованы зависимости [2]:

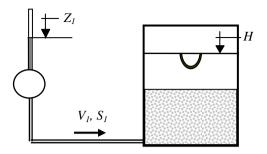


Рис. 1 – Расчетная схема КО

$$a = \alpha \frac{V}{d} \,, \tag{7}$$

$$b = \beta \frac{1}{V^{0.7} d^{0.7}},\tag{8}$$

где α и β — коэффициенты, учитывающие совокупное влияние физикохимических свойств воды и взвеси, d — диаметр зерен загрузки. В отличие от коэффициентов a и b коэффициенты α и β не зависят ни от диаметра зерен, ни от скорости фильтрования. При определении a и b можно учитывать как распределение загрузки по высоте слоя, так и скорость в любой момент времени.

Начальные и граничные условия следующие:

$$x = 0 \quad C = Co$$

$$t = 0 \quad \rho_{o} = \rho_{o}(x), V = V_{0}, H = H_{0}, m = m_{0}$$

$$t \to \infty, \frac{\partial C}{\partial x} = 0, C = C_{0}, \rho = \rho_{np},$$

$$(9)$$

где ρ_{np} предельная насыщенность порового пространства задержанной взвесью.

Система дифференциальных, интегральных и алгебраических уравнений (1)-(8) с начальными и граничными условиями (9) является математической моделью работы контактного осветлителя.

При разработке математической модели работы контактных осветлителей, как и при разработке модели скорых фильтров, сделан ряд допущений:

- 1. В уравнении баланса взвеси (1) отброшен первый член в левой части, а также диффузионная составляющая ввиду их малых значений по сравнению с другими членами уравнения.
- 2. Предполагается однородность и постоянство свойств взвеси по высоте слоя [2].
- 3. Не учтено влияние «старения» осадка на коэффициент отрыва ранее прилипших загрязнений a.
- 4. Начальная пористость слоя m_0 принята постоянной по высоте.
- 5. Эффект промывки слоя, необходимый для расчетов остаточных загрязнений, принят постоянным по высоте.

Выволы

- 1. Получена математическая модель работы контактного осветлителя.
- 2. Основными задачами последующих исследований являются:
 - разработка алгоритма реализации модели;
 - изучение влияния технологических параметров (начальной скорости, высоты слоя, крупности зерен и т.п.), а также кинетических коэффициентов на динамику процесса контактного осветления;
 - апробация полученной математической модели.
 - 1. Hudson H.E. Declining rate filtration // JAWWA. Vol.51, №11,1959. P. 42-50.
- $2.\,\mathrm{Mинц}$ Д.М. Теоретические основы технологии очистки воды. М.: Стройиздат,1964. 156 с.
- 3. Cleasby J.L. Water filtration through deep granular media // Public Works, №6, 1970. P.36-45.
- 4. Клячко В.А., Апельцин И.Э. Очистка природных вод. М.: Стройиздат, 1971. 579с.
- 5. Аэров М.Э., Тодес О.М., Наринский Д.А. Аппараты со стационарным зернистым слоем. Л.: Химия,1979.– 176 с.
- 6. Венецианов Е. В., Рубинштейн Р. Н. Динамика сорбции из жидких сред. М.: Наука, 1983.-237 с.
- 7. Поляков В. Л. О фильтровании суспензий при заданном напоре // Докл. НАН Украины. 2005. N 4. C. 48-54.
- 8. Горобченко А.И., Гуринчик Н.А. Применение математического моделирования процесса фильтрования с переменной скоростью для получения оптимальных режимов работы фильтровальных сооружений // Программа и тезисы докладов XXXIV научно-техн. конфер. преподавателей, аспирантов и сотрудников XHAГX. Часть 1. Харьков: 2008. C.162-165.
- 9. Грабовський П.О., Гурінчик Н.О. Чисельна реалізація математичної моделі фільтрування // Науково-технічний збірник «Проблеми водопостачання, водовідведення та гідравліки». Вип. 6. К.: 2006. С. 4-13.
- 10. Грабовский П.А., Гуринчик Н.А. Математическая модель фильтрования через зернистый слой с убывающей скоростью // Коммунальное хозяйство городов. Научнотехн. сб. К.: Техника. 2007. Вып. 74. С. 230-237.

Получено 29.01.2013